



## Àrea d'una paràbola. Mètode d'Arquímedes.

Determina l'àrea afitada per la paràbola  $y = -x^2 + 4x + 5$  i l'eix d'abscisses.

Solució 1:

Calculem els punts de tall de la paràbola amb l'eix d'abscisses, resolent l'equació:

$$-x^2 + 4x + 5 = 0.$$

$ax^2+bx+c$	$i$
$-1x^2+4x+5$	
	5

$ax^2+bx+c=0$	$i$	$\nabla$
$x_1 =$		
	5	

$ax^2+bx+c=0$	$i$	$\nabla \blacktriangle$
$x_2 =$		
	-1	

$\text{Máx de } y=ax^2+bx+c$	$i$	$\nabla \blacktriangle$
$x =$		
	2	

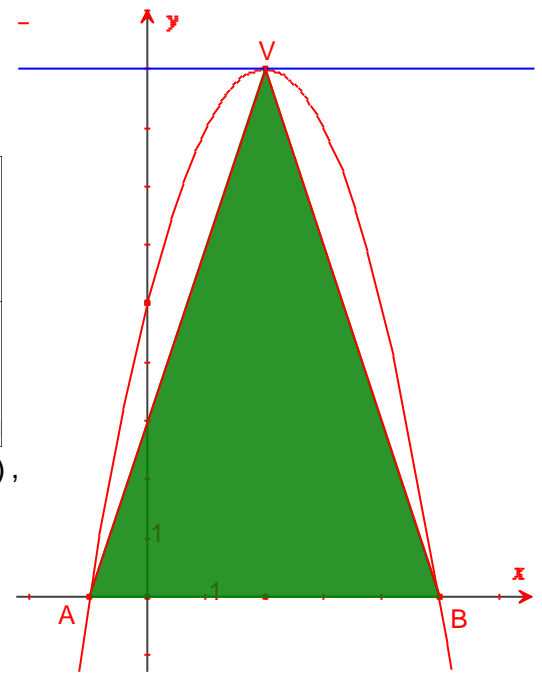
$\text{Máx de } y=ax^2+bx+c$	$i$	$\blacktriangle$
$y =$		
	9	

Els punts de tall de la paràbola i l'eix d'abscisses són  $(-1, 0)$ ,  $(5, 0)$ .

El vèrtex és  $V(2, 9)$ .

Aplicant el mètode d'Arquímedes:

$$\text{L'àrea de la paràbola és igual } S = \frac{4}{3} S_{ABV} = \frac{4}{3} \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 9 = 36.$$



Solució 2:

L'àrea és igual a la següent integral definida:

$$\int_{-1}^5 (-x^2 + 4x + 5) dx.$$

Utilitzarem la funció integral definida de la calculadora:

$\int_{-1}^5 -x^2+4x+5 dx$	$\blacktriangle$
	36