

Donada la gràfica de la funció $f(x) = e^x(x^2 - 3x + 2)$ es demana

- Les coordenades dels punts A, B, C.
- Les coordenades del màxim i mínim locals, amb tres xifres decimals significatives.
- L'equació de la recta normal a la corba en el punt A.
- La intersecció D de la recta normal i la funció amb tres xifres decimals significatives.
- L'àrea de la regió ombrejada, amb tres xifres decimals significatives.

Solució:

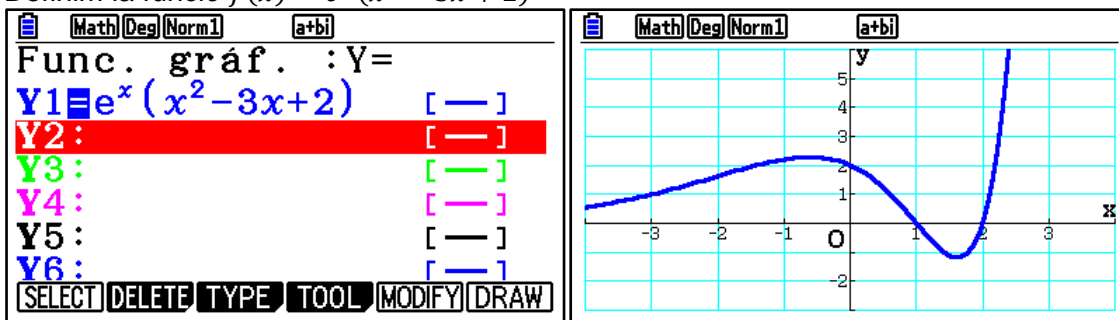
a)

Els punts A i B són els punts de tall de la gràfica i l'eix d'abscisses.

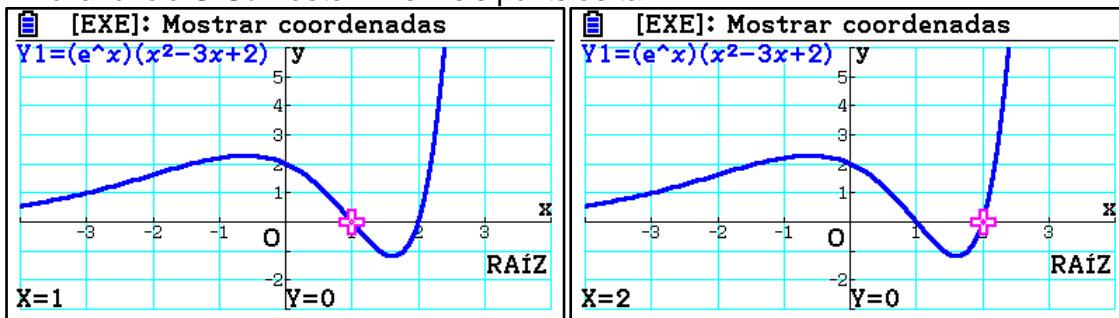
El punt C és el punt de tall de la gràfica i l'eix d'ordenades.

Obrim el *Menú Gráfico*

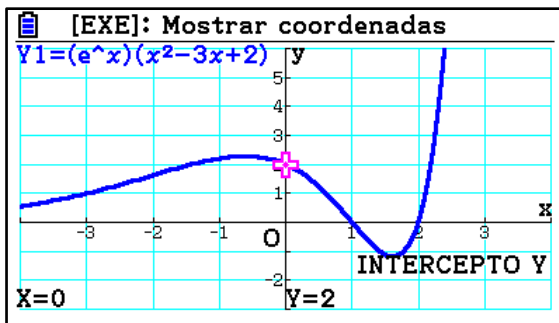
Definim la funció $f(x) = e^x(x^2 - 3x + 2)$



Amb la funció *G-Solv* determinem els punts de tall:



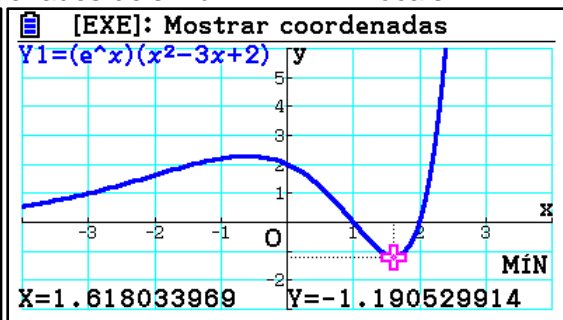
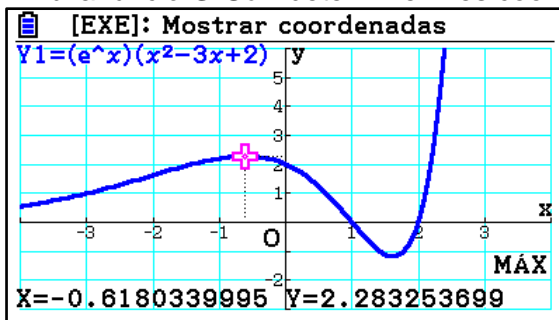
Els punts de tall amb l'eix d'abscisses són $A(1, 0), B(2, 0)$



El punt de tall amb l'eix d'ordenades és $C(0, 2)$

b)

Amb la funció *G-So/v* determinem les coordenades dels màxim i mínim locals:



Les coordenades aproximades del màxim local són $P(-0.618, 2.283)$

Les coordenades aproximades del mínim local són $Q(1.618, -1.191)$

c)

La derivada de la funció en $x = 1$ és:

$$f'(x) = e^x(x^2 - x - 1)$$

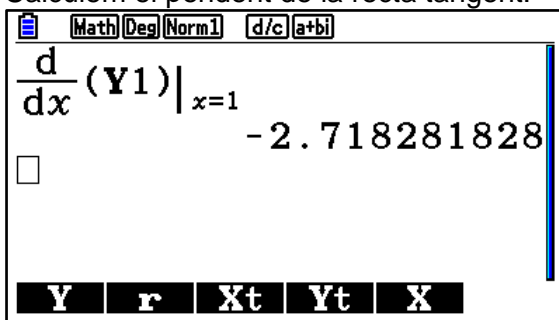
$$f'(1) = -e$$

L'equació de la recta normal és $y = \frac{1}{f'(1)}(x - 1) + f(1)$

$$y = \frac{1}{e}(x - 1)$$

Obrim el *Menú Ejc-Mat*

Calculem el pendent de la recta tangent.

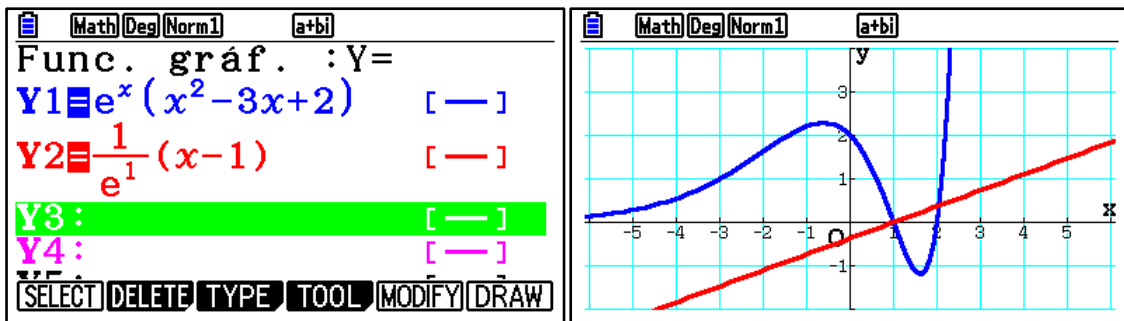


d)

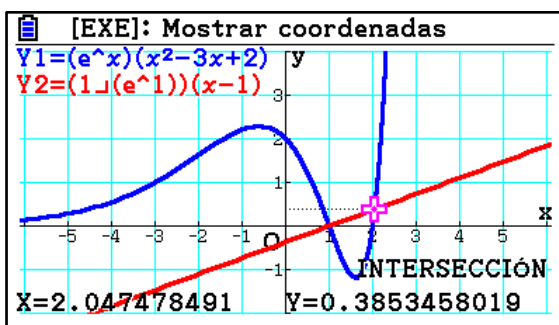
Obrim el *Menú Gráfico*

Definim la funció recta normal $f(x) = e^x(x^2 - 3x + 2)$

Per veure la recta normal és convenient que l'escala dels eixos siga 1:1 (quadrada)



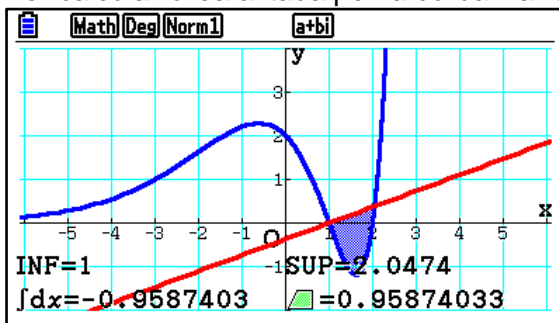
Per calcular el punt intersecció de la recta normal i la corba utilitzem la funció *G-Solv*



El punt intersecció té coordenades aproximades $D(2.047, 0.385)$

e)

Per calcula l'àrea afitada per la corba i la recta normal utilitzem la funció *G-Solv*



L'àrea afitada és $S = 0.959 u^2$