

Determineu l'equació de l'esfera que és tangent als plans $\Pi \equiv 6x - 3y - 2z - 35 = 0$, $\Omega \equiv 6x - 3y - 2z + 63 = 0$, sabent que el punt $M(5, -1, -1)$ és un punt de tangència en un dels plans.

Solució:

Els dos plans són paral·lels ja que $\frac{6}{6} = \frac{-2}{-2} = \frac{-2}{-2} \neq \frac{-35}{63}$

Notem que $M(5, -1, -1)$ pertany al pla $\Pi \equiv 6x - 3y - 2z - 35 = 0$ ja que satisfà la seua equació:

$$6 \cdot 5 - 3 \cdot (-1) - 2 \cdot (-1) - 35 = 0$$

El diàmetre de l'esfera és la distància del punt $M(5, -1, -1)$ al pla

$$\Omega \equiv 6x - 3y - 2z + 63 = 0$$

$$2r = \left| \frac{6 \cdot 5 - 3 \cdot (-1) - 2 \cdot (-1) + 63}{\sqrt{6^2 + (-3)^2 + (-2)^2}} \right| = 14$$

Aleshores, el radi de l'esfera és $r = 7$

El centre de l'esfera és el punt mig del segment format pel punt M i la projecció de M sobre el pla $\Omega \equiv 6x - 3y - 2z + 63 = 0$

Calculem l'equació de la recta perpendicular al pla $\Omega \equiv 6x - 3y - 2z + 63 = 0$ que passa per M que té vector director el característic del pla $a = (6, -3, -2)$

La seua equació és:

$$r \equiv (x, y, z) = (5, -1, -1) + \alpha(6, -3, -2)$$

Obrim el *Menú Geometría 3D*

Definim els dos plans i la recta.

Math Rad Norm1 d/c | a+bi

$aX+bY+cZ+d=0$

a	b	c	d
6	-3	-2	-35

-35

EXPRESS VECTOR POINTS EDIT SET

Math Rad Norm1 d/c | a+bi

$aX+bY+cZ+d=0$

a	b	c	d
6	-3	-2	63

63

EXPRESS VECTOR POINTS EDIT SET

Math Rad Norm1 d/c | a+bi

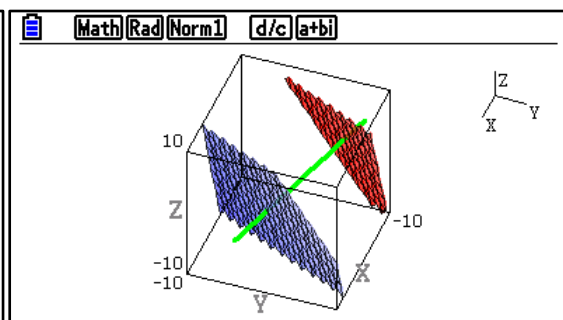
Punto de paso (X_0, Y_0, Z_0)
Vector dirección $[a, b, c]$

X_0	Y_0	Z_0
5	-1	-1

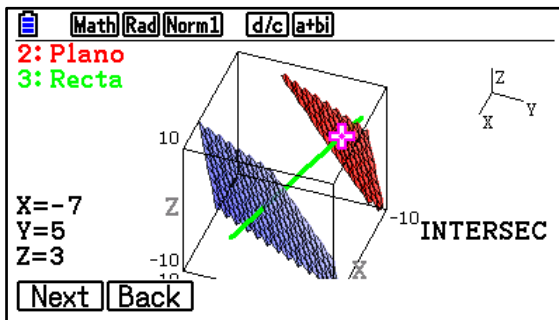
a	b	c
6	-3	-2

-2

EXPRESS VECTOR P&V POINTS EDIT SET



Per determinar la intersecció del pla $\Omega \equiv 6x - 3y - 2z + 63 = 0$ i la recta $r \equiv (x, y, z) = (5, -1, -1) + \alpha(6, -3, -2)$ s'utilitza la funció G-Solv:



Les coordenades del punt projecció són:

$$M'(-7, 5, 3)$$

El centre de l'esfera és el punt mig del segment $\overline{MM'}$

Les seues coordenades són:

$$O(-1, 2, 1)$$

L'equació de l'esfera és:

$$(x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z - 1)^2 = 7^2$$

Obrim el *Menú Geometria 3D*.

Definim l'equació de l'esfera i la representem.

