

Determineu l'àrea màxima d'un rectangle inscrit en un semicercle de radi 10 cm.  
Un costat del rectangle roman sobre el diàmetre del semicercle.

Solució.

Siga  $ABCD$  el rectangle inscrit sobre el semicercle de centre  $O$  i radi 10.

$$\overline{OD} = \overline{OC} = 10$$

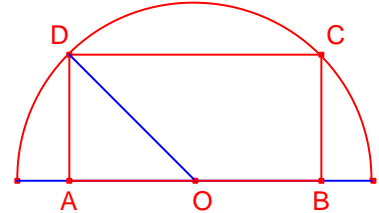
$$\text{Siga } \overline{OA} = \overline{OB} = x$$

Aplicant el teorema de Pitàgores al triangle rectangle  $OAD$ :

$$\overline{AD} = \sqrt{10^2 - x^2}$$

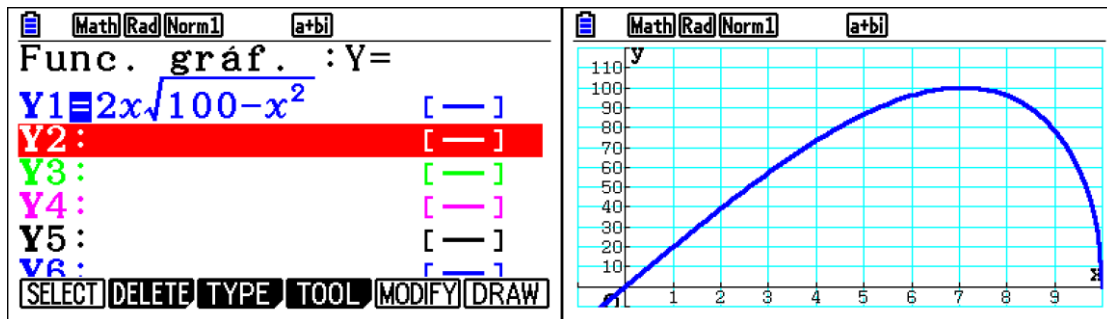
L'àrea del rectangle  $ABCD$  és:

$$S(x) = 2x\sqrt{100 - x^2}, \quad x \in [0, 10]$$

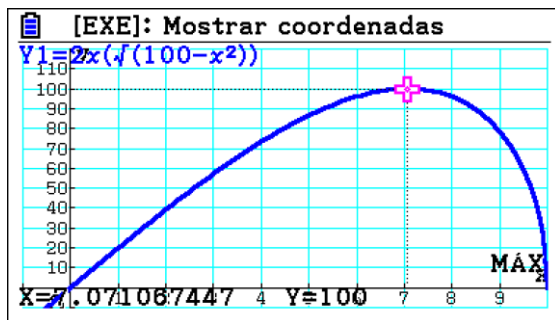


Obrim el *Menú Gráfico*:

Definim i representem la funció àrea.



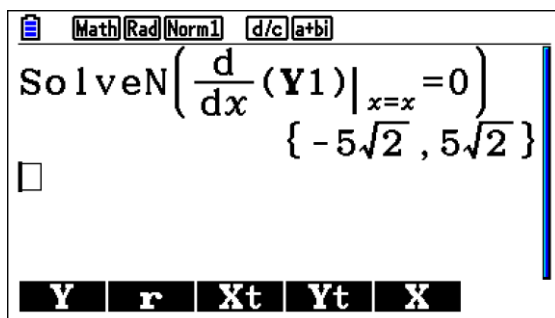
Amb la funció *G-Solv*, determinem el màxim de la funció:



El màxim de l'àrea s'assoleix quan  $x \approx 7.0711$  cm l'àrea màxima és  $S = 100$  cm<sup>2</sup>

Obrim el *Menú Ejec-Mat*:

Resolem l'equació  $S'(x) = 0$



Calcuem  $S''(5\sqrt{2})$

Math Rad Norm1 d/c |a+bi

SolveN(  $\frac{d}{dx}(Y1)|_{x=x} = 0$  )

{  $-5\sqrt{2}, 5\sqrt{2}$  }

$\frac{d^2}{dx^2}(Y1)|_{x=5\sqrt{2}}$  -8

□

**Y r Xt Yt X**

El màxim s'assoleix quan  $x = 5\sqrt{2} \approx 7.0711 \text{ cm}$

Calcuem  $S(5\sqrt{2})$

Math Rad Norm1 d/c |a+bi

$\frac{d^2}{dx^2}(Y1)|_{x=5\sqrt{2}}$  -8

$Y1(5\sqrt{2})$  100

□

**Y r Xt Yt X**

L'àrea màxima és:

$$S(5\sqrt{2}) = 100 \text{ cm}^2$$

Les dimensions del rectangle d'àrea màxima són:

$$\overline{AB} = 10\sqrt{2}, \overline{AD} = 5\sqrt{2}$$

$$\overline{AB} : \overline{AD} = 2 : 1$$