

## Problemes nombres 2:

1.- S'anomenen nombres triangulars els nombres naturals  $n$  de la forma

$$n = \frac{k(k+1)}{2} = 1 + 2 + 3 + \dots + k, \text{ amb } k \text{ nombre natural.}$$

a) Demostreu que si  $n$  és un nombre triangular, aleshores  $9n + 1$  també ho és.

b) Determineu els valors dels nombres naturals  $a$  i  $b$  per tal que  $an + b$  siga triangular sempre que  $n$  siga triangular.

2.- Busqueu el mínim nombre natural  $n > 0$  tal que  $\frac{n}{2}$  siga un quadrat,  $\frac{n}{3}$  siga un cub, i

$\frac{n}{7}$  siga una potència setena.

3.- Trobeu tots el nombres enters iguals a la suma dels quadrats de les seues xifres.

4.-

i) Si  $n$  és un nombre natural i  $2^{n+12}$ , i  $2^n$  denoten la mesura d'un angle expressada en graus sexagesimals, demostreu que  $\sin(2^{n+12}) = \sin(2^n)$  si  $n \geq 3$ .

ii) Trobeu el valor més petit de  $n$  per al qual l'expressió  $\sin(2^n)$  pren el valor més gran possible

5.- Esbrineu si en el conjunt de nombres  $\{1, 2, 3, \dots, 10^9\}$  n'hi ha més nombres que contenen la xifra 9 o més que no la contenen.

6.- Trobeu el mínim nombre natural  $n$  que és múltiple de 3 i tal que, a més,  $n + 1$  és múltiple de 5,  $n + 2$  és múltiple de 7,  $n + 3$  és múltiple de 9 i  $n + 4$  és múltiple de 11.

7.- Efectueu la divisió entera:

$$2003^{2003} \overline{)2004}$$

8.- Trobeu el nombre natural més petit que siga divisible per 847 i que tinga totes les xifres iguals.

9.- Trobeu tots el nombres enters  $m, n$ , solucions de l'equació  $9^m = 4n^2 + 1$