

Determineu l'equació de l'esfera E, amb centre sobre la recta  $r \equiv \begin{cases} x = t \\ y = t \\ z = t \end{cases} t \in \mathbb{R}$

Tangent al plànol  $\pi \equiv 3x - y - 2z + 14 = 0$  en el punt  $T(-4, 0, 1)$

Solució:

Notem que el punt  $T(-4, 0, 1)$  pertany al plànol  $\pi \equiv 3x - y - 2z + 14 = 0$  ja que satisfà la seua equació,  $3(-4) - 0 - 2 \cdot 1 + 14 = 0$

Les coordenades del centre de l'esfera són  $O(t, t, t)$

El radi R de l'esfera compleix:

$$d(O, T) = d(O, \pi) = R$$

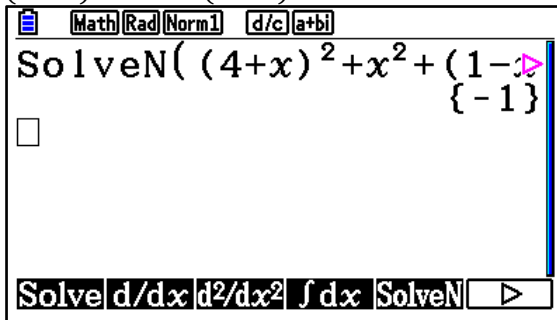
$$\sqrt{(-4-t)^2 + (0-t)^2 + (1-t)^2} = \left| \frac{3(-t) - (-t) - 2(-t) + 14}{\sqrt{3^2 + (-1)^2 + (-2)^2}} \right|$$

$$\sqrt{(4+t)^2 + t^2 + (1-t)^2} = \sqrt{14}$$

Obrim el *Menú Ejec-Mat*

Resolem l'equació

$$(4+t)^2 + t^2 + (1-t)^2 = 14$$



El problema té una solució:

El centre de l'esfera és  $O(-1, -1, -1)$  i el radi  $R = \sqrt{14}$

L'equació de l'esfera és:

$$E \equiv (x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 14$$

Obrim el *Menú Gráfico 3D*

Definim i representem el plànol la recta i l'esfera.

